



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

وزارة التربية الوطنية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبية: تسيير واقتصاد

الاختبار في مادة: الرياضيات

دورة: 2019

المدة: 03 ساعة و 30 دقيقة

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

(1) الممتالية العددية المعرفة كما يلي : $u_0 = -4$ ومن أجل كل عدد طبيعي n , $u_{n+1} = \frac{3}{4}u_n + 2$.(1) احسب كلا من u_1 و u_2 .ب) برهن بالترابع أنه: من أجل كل عدد طبيعي n , $u_n < 8$.(2) ادرس اتجاه تغير الممتالية (u_n) واستنتج أنها متقاربة.(3) من أجل كل عدد طبيعي n , نضع: $v_n = u_n - \alpha$, حيث α عدد حقيقي.(أ) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n , $v_{n+1} = \frac{3}{4}v_n - \frac{1}{4}\alpha + 2$.ب) عن قيمة العدد α حتى تكون الممتالية (v_n) هندسية أساسها $\frac{3}{4}$, يطلب تعين حدها الأول v_0 .ج) نضع $\alpha = 8$, عبر عن v_n بدلالة n , ثم استنتاج أنه من أجل كل عدد طبيعي n , $v_n = -12\left(\frac{3}{4}\right)^n + 8$.(4) احسب المجموع S_n بدلالة n حيث: $S_n = u_1 + u_2 + \dots + u_n$.

التمرين الثاني: (04 نقاط)

نرمي نردا غير مزيف ذات ستة أوجه مرقمة من 1 إلى 6 مرتين متاليتين ونسجل الرقم الظاهر على الوجه العلوي

في كل مرة.

(1) ما احتمال الحصول على رقمين زوجيين؟

(2) ما احتمال الحصول على رقمين جداً هما يساوي 6؟

(3) ما احتمال الحصول على رقمين أحدهما ضعف الآخر؟

(4) ما احتمال الحصول على رقمين زوجيين أحدهما هو 2؟



التمرين الثالث: (05 نقاط)

يمثل الجدول التالي تطور الواردات في الجزائر مقدرة بـ المليار دولار من سنة 2009 إلى سنة 2014.

السنة	2009	2010	2011	2012	2013	2014
x_i رتبة السنة	1	2	3	4	5	6
y_i الواردات	39,29	40,47	47,25	47,49	54,85	58,33

(المرجع: المركز الوطني للإعلام الآلي والإحصاء التابع للجمارك)

1) مثل سحابة النقط (x_i, y_i) في معلم متعمد.

نأخذ $1cm$ لكل سنة على محور القواصل و $1cm$ لكل 10 مليارات دولار على محور الترايبي.

2) جد إحداثي النقطة المتوسطة G , ثم علّمها.

3) بين أن معادلة (Δ) مستقيم الانحدار بالمرجعيات الدنيا لهذه السلسلة الإحصائية هي : $y = 3,96x + 34,09$ ثم مثل (Δ) . (تُدور النتائج إلى 10^{-2}).

4) اعتماداً على التعديل الخطي السابق، ابتداءً من أي سنة تفوق الواردات 77 مليار دولار؟

التمرين الرابع: (07 نقاط)

I) g الدالة المعروفة على \mathbb{R} بـ : $g(x) = x^3 + x - 2$ تمثيلها البياني كما هو مبين في الشكل .

بقراءة بيانية عين (1) واستنتج إشارة $g(x)$ على \mathbb{R} .

II) f الدالة المعروفة على $\{0\} - \mathbb{R}$ بـ : $f(x) = x - \frac{x-1}{x^2}$ تمثيلها البياني

في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعمد والمتتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

أ) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

ب) احسب $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ وفسر النتيجة بيانيا.

2) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي غير معروف x :

- استنتاج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

3) أ) بين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $x = y$ مقارب مائل للمنحنى (C_f) .

ب) ادرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) والمستقيم (Δ) .

4) بين أن المعادلة $0 = f(x)$ تقبل حل واحداً في المجال $[-1.4; -1.3]$.

5) ارسم (Δ) ثم المنحنى (C_f) .

6) احسب A مساحة الحيز المستوى المحدود بالمنحنى (C_f) والمستقيمات التي معادلاتها:

$$x=1, y=x$$

انتهى الموضوع الأول

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04 نقاط)

- 1) حل في مجموعة الأعداد الحقيقة \mathbb{R} المعادلة : $(E) \dots \dots \dots = 0$
- 2) كيس به أربع كريات تحمل الأرقام 1، 2، 3، 4 نسحب منه كرية واحدة ونرمز بـ p إلى احتمال سحب الكرية التي تحمل الرقم i وتضع $p_1 = 3\alpha^2$ ، $p_2 = \alpha^2$ ، $p_3 = \alpha$ و $p_4 = 2\alpha$.
- حدد قيمة α .

3) نضع $\alpha = \frac{1}{4}$ ، احسب احتمال الأحداث التالية :

- A : "سحب كرية تحمل رقما فرديا".
- B : "سحب كرية تحمل الرقم 4".
- C : "سحب كرية تحمل رقما أصغر من أو يساوي 3".
- D : "سحب كرية تحمل رقما حلا للمعادلة (E) ".

التمرين الثاني: (04 نقاط)

$$\cdot \begin{cases} u_2 + 2u_5 = 27 \\ u_1 = \frac{9}{2} \end{cases} \quad : \text{المتالية الحسابية المعرفة على } \mathbb{N} \text{ بـ}$$

- 1) احسب حدتها الأول u_0 و أساسها r .
- 2) اكتب عبارة الحد العام u_n بدلالة n .
- 3) بين أن العدد 2019 حد من حدود هذه المتالية ثم احسب كلا من المجموعين S_1 و S_2 .
حيث $S_2 = u_2 + u_4 + u_6 + \dots + u_{1344}$ و $S_1 = u_1 + u_3 + u_5 + \dots + u_{1343}$ حيث $S_3 = u_1 + u_3 + u_5 + \dots + u_{1343}$ حيث $v_n = e^{6-2u_n}$
- 4) احسب المجموع $S_n = \frac{1}{v_0} + \frac{1}{v_1} + \dots + \frac{1}{v_n}$

التمرين الثالث: (05 نقاط)

يمثل الجدول التالي تطور الإنتاج السنوي (الوحدة :طن) لأحد أنواع الأسماك في حوض مائي لتربية الأسماك.

السنة	2013	2014	2015	2016	2017	2018
الرتبة x_i	1	2	3	4	5	6
الإنتاج (بالطن) y_i	490	510	595	630	840	999

- 1) مثل سحابة النفط $(M_i(x_i; y_i))$ في معلم متعامد.
 (نأخذ 1cm لكل سنة على محور الفواصل و 1cm لكل 100 طن على محور الترائب).
- 2) جد إحداثي النقطة المتوسطة G لهذه السحابة.
- 3) بين أن معادلة لمستقيم الانحدار بالمربيعات الدنيا لهذه السلسلة هي: $y = 33x + 320,33$ و مثيله بيانيًا.
- 4) باعتبار أن كمية الإنتاج تتبع نفس الونيرة:
 أ) ما هي كمية الإنتاج المتوقعة لسنة 2023؟
 ب) ابتداءً من أي سنة تتجاوز كمية الإنتاج 2000 طن؟

التمرين الرابع: (07 نقاط)

- I) g الدالة العددية المعرفة على المجال $[0; +\infty]$ كما يلي: $g(x) = 2x + 6 - e^{2x+1}$
 (أ) أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$.
 (ب) ادرس اتجاه تغير الدالة g على المجال $[0; +\infty]$ ثم شكل جدول تغيراتها.
- 2) أ) بين أن المعادلة: $g(x) = 0$ تقبل حالاً واحداً α حيث: $-3 < \alpha < -2.9$.
 ب) استنتج إشارة $(g(x))$ على المجال $[0; +\infty]$.
- II) f الدالة المعرفة على المجال $[0; +\infty]$ كما يلي: $f(x) = -2x^2 - 12x + e^{2x+1}$
 (تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد $(O; \vec{i}, \vec{j})$).
 حيث الوحدة على محور الفواصل 1cm وعلى محور الترائب 0.5cm .
 1) أثبت أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $[0; +\infty)$: $f'(x) = -2g(x)$.
 2) استنتج اتجاه تغير الدالة f على المجال $[0; +\infty]$.
 3) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ثم شكل جدول التغيرات للدالة f .
 4) بين أن: $f(\alpha) = -2\alpha(\alpha + 5) + 6$ و اعط حصراً للعدد $f(\alpha)$ ، ثم ارسم (C_f) على المجال $[0; +\infty)$.
 5) احسب بدالة α التكامل: $\frac{1}{2} \int_{\alpha}^0 f(x) dx$ ثم فسر النتيجة بيانيًا.